

## Oefening 2 p. 131

Aangezien de notatie  $F = 3yi + 2xj$  een notatie is voor de vector  $F$ . Met  $i$  als eenheidsvector voor de  $x$ -as en  $j$  als eenheidsvector voor de  $y$ -as. Krijgen we de afbeelding hieronder. De geleverde arbeid wordt algemeen gegeven door de vergelijking:

$$\int_I^II \vec{F} d\vec{r} = \int_I^II X dx + \int_I^II Y dy$$

We gaan deze vergelijking nu aanpassen naar onze nodigheden. Dat wil zeggen.  $X$   $Y$  en de bijhorende grenzen bepalen

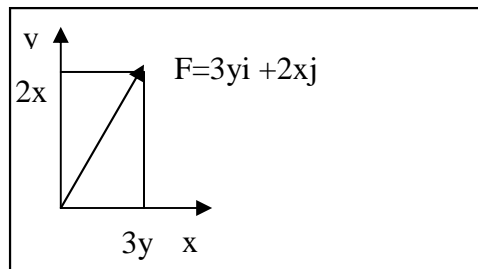
$$X = 3y$$

$$Y = 2x$$

Grenzen voor  $x$ : 0 en 7

Grenzen voor  $y$ :

$$Y = x^2 \rightarrow 0 \text{ en } 49$$



We krijgen dan voor de vergelijking:

$$\int_I^II \vec{F} d\vec{r} = \int_0^7 3y dx + \int_0^{49} 2x dy$$

Het probleem is dat deze integralen nog niet op te lossen zijn door het voorkomen van een  $y$  in de integraal van  $x$  en een  $x$  in de integraal van  $y$

Echter gegeven is dat  $y = x^2 \rightarrow x = \sqrt{y}$

De uiteindelijke integraal wordt dan:

$$\int_I^II \vec{F} d\vec{r} = \int_0^7 3x^2 dx + \int_0^{49} 2\sqrt{y} dy = 800.333 Nm$$